

ZADANIE 1

Wykaż, że liczba $a = \log_{2\sqrt{2}} 8 - \log_{\frac{1}{2}} 0,25$ jest liczbą wymierną.

Odp.:

ZADANIE 2

Oblicz $2 \log_5 2 + \log_5 3$.

Odp.:

ZADANIE 3

Uzasadnij, że liczba $\log_2 3$ jest niewymierna.

Odp.:

ZADANIE 4

Oblicz wartość wyrażenia $\frac{(\log_7 14 - \log_7 2\sqrt{7})(\log_{\frac{1}{2}} - \log 5)}{\log_{\sqrt{3}} \frac{1}{27} + \log_{\sqrt{3}} \frac{1}{81}}$.

Odp.:

ZADANIE 5

Wiedząc, że $\log_2 6 = a$, wyznacz $\log_{36} 24$.

Odp.:

ZADANIE 6

Oblicz $36^{\log_6 5 - \frac{1}{4}}$.

Odp.:

ZADANIE 7

Nie korzystając z kalkulatora uzasadnij, że: $1,5 < \log_2 3 < 1,75$.

Odp.:

ZADANIE 8

Udowodnij, że jeśli liczby dodatnie a i b spełniają warunek $a^2 + b^2 = 23ab$, to $\log_5(a + b) = \log_5 \sqrt{ab} + 1$.

Odp.:

ZADANIE 9

Wykaż, że liczba $a = \sqrt{4^{\log_2 5}}$ jest liczbą całkowitą.

Odp.:

ZADANIE 10

Oblicz $\log_2 3 \cdot \log_3 4$.

Odp.:

ZADANIE 11

Uporządkuj rosnąco liczby $a = \frac{1}{2\log_3 2} + \frac{1}{\log_5 4}$, $b = \log_5 15$, $c = 3^{\log_9 4}$.

Odp.:

ZADANIE 12

Wykaż, że $\log_7 5 = \log_{49} 25$.

Odp.:

ZADANIE 13

Widząc, że $\log_4 3 = a$ i $\log_5 3 = b$, wyznacz $\log_{0,8} 27$ w zależności od a i b .

Odp.:

ZADANIE 14

O liczbach a i b wiadomo, że $9^a = 64$ oraz $b = \log_{27} \frac{1}{8}$. Oblicz 3^{a+b} .

Odp.:

ZADANIE 15

Uporządkuj rosnąco trzy liczby: $\frac{1}{\log_3 \pi} + \frac{1}{\log_4 \pi}$, $(0, 125)^{-\frac{1}{3}}$, $\log_{\pi} 11$.

Odp.:

ZADANIE 16

Liczby dodatnie a, b, c spełniają warunek: $\log_4 c = \log_3 b = \log_2 a = 2$. Oblicz \sqrt{abc} .

Odp.:

ZADANIE 17

Oblicz $\frac{1}{2} \log 4 + \frac{2}{3} \log 8 - \frac{3}{\log_2 10}$.

Odp.:

ZADANIE 18

Wiadomo, że $\log_6 2 = a$. Wyznacz $\log_{24} 36$ w zależności od a .

Odp.:

ZADANIE 19

Oblicz $(\log_2 10)^{-1} + (\log_5 10)^{-1}$.

Odp.:

ZADANIE 20

Wiedząc, że $\log a = -3$, a $\log b = 2$ oblicz wartość wyrażenia $a^3 b^4$.

Odp.:

ZADANIE 21

Wiedząc, że $\log_3 4 = a$ i $\log_3 5 = b$, wyznacz $\log_{27} 0,8$ w zależności od a i b .

Odp.:

ZADANIE 22

Udowodnij, że liczby $2^{\log_3 5}$ i $5^{\log_3 2}$ są równe.

Odp.:

ZADANIE 23

Wiedząc, że $\log a = \frac{1}{2}$ i $\log b = -\frac{1}{3}$, oblicz $\log \sqrt{ab}$.

Odp.:

ZADANIE 24

Wiadomo, że $\log_5 11 = a$. Wykaż, że $\log_{121} 5\sqrt{5} = \frac{3}{4a}$.

Odp.: