



Kujawsko-Pomorskie Centrum Edukacji Nauczycieli

w Bydgoszczy

PLACÓWKA AKREDYTOWANA



**CENTRUM**  
DOSKONALENIA I EDUKACJI

### KRYTERIA OCENIANIA – POZIOM PODSTAWOWY

#### Klucz odpowiedzi do zadań zamkniętych

Zadanie	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Odpowiedź	D	C	B	A	C	B	C	C	D	C	C	D	A

Zadanie	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
Odpowiedź	B	A	D	C	A	B	C	C	D	D	A	A

### ZADANIA OTWARTE

#### Zadanie 26. (2 pkt)

Rozwiąż nierówność:  $-x^2 + 2x + 8 \geq 0$ .

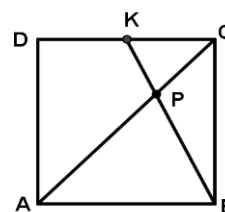
Zdający otrzymuje:

1 pkt	Obliczenie pierwiastków $x = -2, x = 4$
2 pkt	Podanie odpowiedzi $x \in \langle -2, 4 \rangle$

Uwaga. 1. Jeśli uczeń błędnie obliczy pierwiastki równania, ale konsekwentnie poda zbiór rozwiązań otrzymuje 1 punkt.

#### Zadanie 27. (2 pkt)

Na boku  $DC$  kwadratu  $ABCD$  obrano punkt  $K$  tak, że  $|DK| = |KC|$  (rys.). Przekątna  $AC$  kwadratu przecina się z odcinkiem  $BK$  w punkcie  $P$ . Uzasadnij, że pole trójkąta  $ABP$  jest czterokrotnie większe niż pole trójkąta  $KCP$ .



Zdający otrzymuje:

1 pkt	Uzasadnienie, że trójkąt $KPC$ jest podobny do trójkąta $ABP$ w skali $k = 2$ .
2 pkt	Stwierdzenie, że stosunek pól trójkątów podobnych wynosi $k^2 = 4$ i zapisanie wniosku.

**Zadanie 28.** (2 pkt)

Wyznacz pierwszy wyraz i iloraz ciągu geometrycznego wiedząc, że trzeci wyraz jest równy 18, a szósty 486.

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Zapisanie warunku wynikającego z treści zadania np. $a_1q^2 = 18$ i $a_1q^5 = 486$
2 pkt	Obliczenie $q = 3$ i $a_1 = 2$ .

Uwaga. 1. Jeśli uczeń zapisze tylko  $a_3 = 18$  i  $a_6 = 486$  i na tym poprzestanie lub dalej popełnia błędy merytoryczne za całe zadanie otrzymuje 0 punktów.

2. Jeśli uczeń zapisze warunek w postaci  $\frac{a_6}{a_3} = q^3$  albo  $a_6 = a_3q^6$  i na tym poprzestanie

lub dalej popełnia błędy merytoryczne za całe zadanie otrzymuje 1 punkt.

**Zadanie 29.** (2 pkt)

Wykaż, że liczby  $a = \frac{-5}{2\sqrt{2}+3}$  oraz  $b = |10\sqrt{2} - 15|$  są liczbami przeciwnymi.

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Przedstawienie liczby $a$ w postaci: $a = 10\sqrt{2} - 15$ albo liczby $b$ w postaci $b = 15 - 10\sqrt{2}$ .
2 pkt	Obliczenie drugiej liczby i stwierdzenie, że liczby są przeciwne, gdyż $a = -b$ .

Uwaga. 1. Jeśli uczeń przedstawi tylko liczbę  $a$  w postaci  $a = 10\sqrt{2} - 15$  i stwierdzi, że liczby  $a$  i  $b$  są przeciwne za całe zadanie otrzymuje 1 punkt.

**Zadanie 30.** (2 pkt)

W trójkącie równoramiennym  $ABC$  o podstawie  $AB$  poprowadzono wysokość z wierzchołka  $C$ . Wyznacz równanie prostej zawierającej tę wysokość, jeśli  $A = (2,8)$ ,  $B = (-2,4)$ .

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Obliczenie współrzędnych środka odcinka $AB$ : $S_{AB} = (0,6)$ i wyznaczenie współczynnika kierunkowego prostej $AB$ : $a = 1$ .
2 pkt	Wyznaczenie równania prostej zawierającej wysokość: $y = -x + 6$ .

Uwaga.

1. Jeśli uczeń wyznaczy współrzędne wierzchołka  $C$  uzasadniając, że trójkąt  $ABC$  jest równoramienny i napisze równanie prostej przechodzącej przez  $C$  prostopadłej do prostej  $AB$  otrzymuje 2 punkty.

2. Jeśli uczeń wyznaczy współrzędne wierzchołka  $C$  uzasadniając, że trójkąt  $ABC$  jest równoramienny i obliczy współczynnik kierunkowy prostej  $AB$  i na tym poprzestanie lub dalej popełnia błędy merytoryczne za całe zadanie otrzymuje 1 punkt.

3. Jeśli uczeń obliczy współczynnik kierunkowy prostej  $AB$  i na tym poprzestanie otrzymuje 0 punktów.

**Zadanie 31.** (2 pkt)

Ze zbioru liczb  $\{1, 2, 3, 4, 5\}$  losujemy kolejno trzy razy po jednej liczbie bez zwracania tworząc liczbę trzycyfrową. Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia  $A$  – otrzymana liczba będzie mniejsza od 432.

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Obliczenie liczby zdarzeń elementarnych sprzyjających zdarzeniu $A$ : $\bar{A} = 43$ .
2 pkt	Obliczenie prawdopodobieństwa $P(A) = \frac{43}{60}$ .

Uwaga.1. Jeśli uczeń poda tylko liczbę wszystkich zdarzeń elementarnych i na tym poprzestanie otrzymuje 0 punktów.

2. Jeśli uczeń obliczy  $\bar{A}$  i  $\bar{\Omega}$  i nie obliczy prawdopodobieństwa otrzymuje 1 punkt.

3. Jeśli uczeń otrzyma prawdopodobieństwo  $P(A) > 1$  za całe zadanie otrzymuje 0 punktów.

**Zadanie 32.** (4 pkt)

Z miast  $A$  i  $B$  odległych o 330 km wyjechały naprzeciwko siebie dwa samochody. Samochód jadący z miasta  $A$  wyjechał 20 minut wcześniej i jechał z prędkością o 9 km/h mniejszą niż samochód jadący z miasta  $B$ . Samochody te minęły się w odległości 168 km licząc od miasta  $A$ . Oblicz średnią prędkość każdego z samochodów.

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Zapisanie zależności między prędkością a czasem: np. $(v - 9) \left( t + \frac{1}{3} \right) = 168$ albo $vt = 162$
-------	--

	$v$ – prędkość samochodu, który wyjechał z miasta B, $t$ - czas jazdy samochodu, który wyjechał z miasta B
2 pkt	Zapisanie zależności między prędkością i czasem w postaci równania z jedną niewiadomą np. $(\frac{162}{t} - 9)(t + \frac{1}{3}) = 168$ albo $(v - 9)(\frac{162}{v} + \frac{1}{3}) = 168$
3 pkt	Rozwiązanie uporządkowanego równania z jedną niewiadomą $t^2 + t - 6 = 0$ albo $\frac{1}{27}v^2 - v - 162 = 0$ : $t = -3$ lub $t = 2$ , albo $v = -54$ lub $v = 81$
4 pkt	Obliczenie z jakimi średnimi prędkościami jechały samochody: <ul style="list-style-type: none"> <li>• samochód, który wyjechał z miasta A: 72 km/h</li> <li>• samochód, który wyjechał z miasta B: 81 km/h</li> </ul>

Uwaga

1. Jeżeli uczeń rozwiąże równanie z jedną niewiadomą z błędem rachunkowym i konsekwentnie obliczy prędkości samochodów – otrzymuje 3 pkt.
2. Jeżeli zdający porównuje wielkości różnych typów – otrzymuje 0 pkt.
3. Jeżeli uczeń odgaduje prędkości samochodów i nie uzasadnia, że jest to jedyne rozwiązanie, to otrzymuje 1 pkt.

**Zadanie 33.** (4 pkt)

Wyznacz pole i obwód rombu  $ABCD$  wiedząc, że przekątna  $AC$  jest zawarta w prostej o równaniu  $y = 2x - 2$  oraz  $A = (-1, -4)$  i  $D = (-6, 6)$ .

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Wyznaczenie równania prostej $BD$ : $y = -\frac{1}{2}x + 3$ .
2 pkt	Obliczenie współrzędnych punktu przecięcia przekątnych rombu $S = (2, 2)$ .
3 pkt	Obliczenie obwodu: $Ob = 20\sqrt{5}$ .
4 pkt	Obliczenie pola: $P = 120$ .

Uwaga.

1. Jeśli uczeń obliczy tylko obwód i na tym poprzestanie lub dalej popełnia błędy merytoryczne za całe zadanie otrzymuje 1 punkt.

**Zadanie 34.** (5 pkt)

Metalowy stożek, którego tworząca o długości 10 jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem  $30^{\circ}$ , przetopiono na sześć jednakowych kulek. Oblicz promień kulki.

Zdający otrzymuje:

1 pkt	Obliczenie długości promienia stożka: $r = 5\sqrt{3}$
2pkt	Obliczenie wysokości stożka $h = 5$
3 pkt	Obliczenie objętości stożka: $V = 125\pi$ .
4pkt	Zapisanie zależności między objętością stożka i łączną objętością sześciu kulek: $V_s = 6V_k$ .
5 pkt	Obliczenie długości promienia kulki: $R = \frac{5}{2}$ .

Uwaga.

1. Jeśli uczeń obliczy tylko długość promienia albo tylko długość wysokości stożka i zapisze zależność  $V_s = 6V_k$  i na tym zakończy lub dalej popełnia błędy merytoryczne za całe zadanie otrzymuje 2 punkty.